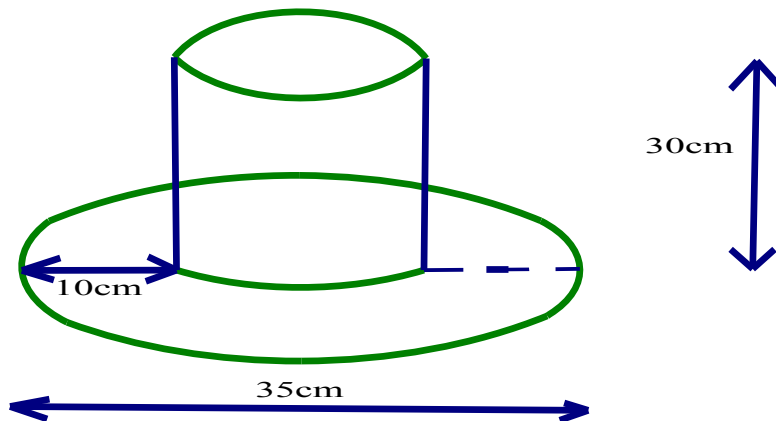


Chào các em, hôm nay các em tham khảo bài giải tuần 29 để điều chỉnh bài làm của mình nhé
BÀI GIẢI: BÀI TẬP HÌNH NÓN

Bài 1:



Giải:

Diện tích vải cần có để làm nên cái mũ gồm diện tích xung quanh của hình nón và diện tích của vành nón.

Bán kính đường tròn đáy của hình nón:

$$r = \frac{35 - 2 \cdot 10}{2} = 7,5 \text{ (cm)}$$

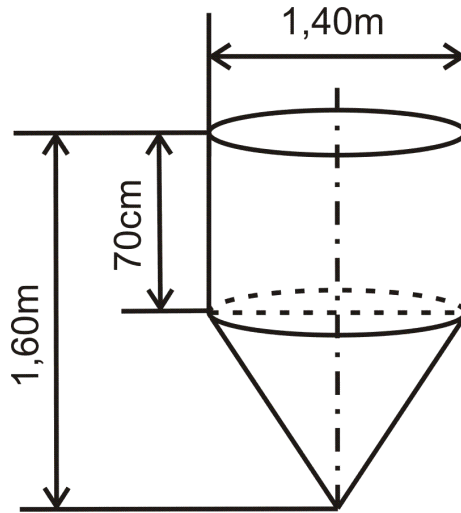
Diện tích xung quanh hình nón:

$$S_{xq} = \pi \cdot r \cdot l = \pi \cdot 7,5 \cdot 30 = 225 \pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{Diện tích vành nón : } \pi \frac{35^2}{2} - \pi \cdot (7,5)^2 = 250 \pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

$$\text{Diện tích vải cần may: } 225 \pi + 250 \pi = 475 \pi \approx 1492 \text{ (cm}^2\text{)}$$

Bài 2:



Giải:

- a) Thể tích cần tính gồm một hình trụ, đường kính đáy 1,4m, chiều cao 70cm = 0,7m, và một hình nón, bán kính đáy bằng bán kính đáy của hình trụ, chiều cao hình nón 0,9m.

- Thể tích hình trụ:

$$V_{\text{trụ}} = \pi \cdot r^2 \cdot h = \pi \cdot 0,7 \cdot (0,7)^2 \approx 1,1 \text{ (m}^3\text{)}$$

- Thể tích hình nón:

$$V_{\text{nón}} = \frac{1}{3} \pi r^2 \cdot h = \frac{1}{3} \pi \cdot (0,7)^2 \cdot 0,9 \approx 0,5 \text{ (m}^3\text{)}$$

- Thể tích cái phễu:

$$V = V_{\text{trụ}} + V_{\text{nón}} = 1,1 + 0,5 = 1,6 \text{ (m}^3\text{)}$$

- b) Diện tích cần tính gồm diện tích xung quanh hình trụ và diện tích xung quanh hình nón.

Đường sinh của hình nón là:

$$l = \sqrt{h^2 + r^2} = \sqrt{0,9^2 + 0,7^2} = \sqrt{1,3} \approx 1,1 \text{ (m)}$$

$$S_{\text{xqtrụ}} = 2 \pi r h = 2 \cdot 3,14 \cdot 0,7 \cdot 0,7 \approx 3,1 \text{ (m}^2\text{)}$$

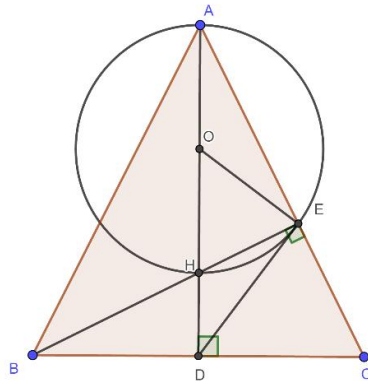
$$S_{\text{xqnón}} = \pi r l = 3,14 \cdot 0,7 \cdot 1,14 \approx 2,5 \text{ (m}^2\text{)}$$

Vậy diện tích mặt ngoài của phễu:

$$S = S_{\text{xqtrụ}} + S_{\text{xqnón}} = 3,1 + 2,5 = 5,6 \text{ (m}^2\text{)}$$

BÀI GIẢI: CHỨNG MINH CÁC DẠNG TOÁN CƠ BẢN

Bài 1:



a) Chứng minh tứ giác CEHD nội tiếp

Ta có: BE là đường cao của ΔABC (gt)

\Rightarrow góc BEC = 90^0

AD là đường cao của ΔABC (gt)

\Rightarrow góc ADC = 90^0

\Rightarrow góc HEC + góc HDC = 180^0

Mà góc HEC và góc HDC là hai góc đối của tứ giác CEHD

Nên tứ giác CEHD nội tiếp.

b) Chứng minh bốn điểm A, E, D, B cùng nằm trên một đường tròn.

Ta có: góc ADB = 90^0 (AD là đường cao của ΔABC)

góc AEB = 90^0 (BE là đường cao của ΔABC)

Mà E và D cùng nhìn cạnh AB dưới một góc 90^0

\Rightarrow E và D cùng nằm trên đường tròn đường kính AB

Vậy bốn điểm A, E, D, B cùng nằm trên một đường tròn.

c) Chứng minh $ED = \frac{1}{2} BC$

Ta có ΔABC cân tại A (gt)

AD là đường cao (gt)

\Rightarrow AD là đường trung tuyến của ΔABC

\Rightarrow D là trung điểm của BC

Ta lại có: ΔBEC vuông tại E (BE là đường cao của ΔABC)

\Rightarrow ED là đường trung tuyến ứng với cạnh huyền BC

$\Rightarrow ED = \frac{1}{2} BC$

d) Chứng minh DE là tiếp tuyến của đường tròn (O).

Ta có: $OA = OE$ (bán kính đường tròn (O))

$\Rightarrow \Delta OAE$ cân tại O

\Rightarrow góc OAE = góc AEO

Mà: $ED = \frac{1}{2} BC$ (cmt)

$DC = \frac{1}{2} BC$ (D là trung điểm của BC)

$\Rightarrow ED = DC$

$\Rightarrow \Delta EDC$ cân tại D

\Rightarrow góc DEC = góc DCE

Ta lại có: góc OAE + góc DCA = 90^0

\Rightarrow góc AEO + góc DEC = 90^0

Mà: góc AEO + góc OED + góc DEC = 180^0

\Rightarrow góc OED = 90^0

\Rightarrow EO vuông góc ED tại E

Hay ED là tiếp tuyến của đường tròn.

a) Tính độ dài DE biết $DH = 2\text{cm}$, $AH = 6\text{cm}$.

Ta có: $HO = \frac{1}{2}AH$ (AH là đường kính đường tròn (O))

$\Rightarrow HO = 3\text{cm}$

Mà: $HO = OE = 3\text{cm}$ (bán kính đường tròn (O))

Ta lại có: $OD = HO + HD = 3\text{cm} + 2\text{cm} = 5\text{cm}$

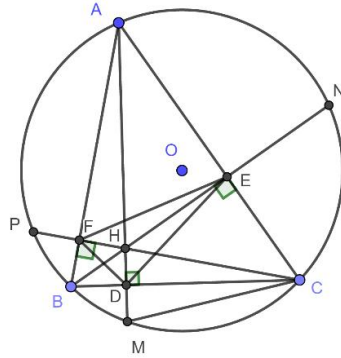
Áp dụng định lí Pytago vào tam giác vuông OED có:

$$DE^2 = DO^2 - OE^2$$

$$\Rightarrow DE^2 = 5^2 - 3^2 = 16$$

$$\Rightarrow DE = 4\text{cm}$$

Bài 2:



a) Chứng minh rằng: Tứ giác CEHD nội tiếp.

Ta có: góc $HDC = 90^0$ (AD là đường cao ΔABC)

góc $HEC = 90^0$ (BE là đường cao ΔABC)

\Rightarrow góc $HDC +$ góc $HEC = 180^0$

Mà góc HDC và góc HEC là hai góc đối của tứ giác CEHD

Nên tứ giác CEHD nội tiếp.

b) Chứng minh rằng: Bốn điểm B, C, E, F cùng nằm trên một đường tròn

Ta có: góc $BFC = 90^0$ (CF là đường cao của ΔABC)

góc $BEC = 90^0$ (BE là đường cao của ΔABC)

Mà E và F cùng nhìn cạnh BC dưới một góc 90^0

\Rightarrow E và F cùng nằm trên đường tròn đường kính BC

Vậy bốn điểm B, C, E, F cùng nằm trên một đường tròn.

c) Chứng minh rằng: $AE.AC = AH.AD$; $AD.BC = BE.AC$.

• Chứng minh rằng: $AE.AC = AH.AD$

Xét hai tam giác vuông: AHE và ADC có:

Góc DAC là góc chung

$\Rightarrow \Delta AHE \sim \Delta ACD$ (g - g)

$$\Rightarrow \frac{AE}{AD} = \frac{AH}{AC}$$

$$\Rightarrow AE.AC = AH.AD$$

- Chứng minh rằng: $AD.BC = BE.AC$

Xét hai tam giác vuông: $\triangle ADC$ và $\triangle BEC$ có:

Góc $\angle ACD$ là góc chung

$$\Rightarrow \triangle ADC \sim \triangle BEC \text{ (g - g)}$$

$$\Rightarrow AE.AC = AH.AD$$

$$\Rightarrow \frac{AD}{BE} = \frac{AC}{BC}$$

$$\Rightarrow AD.BC = AC.BE$$

d) Chứng minh rằng: H và M đối xứng nhau qua BC .

Ta có: góc $\angle BAM = \angle BCM$ (góc nội tiếp cùng chắn cung BM) (1)

Mà: góc $\angle BAD + \angle BAC = 90^\circ$ ($\triangle ABD$ vuông tại D)

góc $\angle FCB + \angle FBC = 90^\circ$ ($\triangle FBC$ vuông tại F)

$$\Rightarrow \text{góc } \angle BAD = \text{góc } \angle FCB$$

$$\text{Hay } \text{góc } \angle BAM = \text{góc } \angle FCB \quad (2)$$

Từ (1) và (2) suy ra: góc $\angle BCM = \text{góc } \angle FCB$

$\Rightarrow BC$ là tia phân giác của góc $\angle FCM$

Hay BC là tia phân giác của góc $\angle HCM$

Mà: CD là đường cao của $\triangle HCM$

$\Rightarrow \triangle HCM$ cân tại C

$\Rightarrow CB$ cũng là đường trung trực của HM

Vậy H và M đối xứng qua BC

e) Xác định tâm đường tròn nội tiếp tam giác DEF .

Ta có: bốn điểm B, C, E, F cùng nằm trên một đường tròn (cmt)

$$\Rightarrow \text{góc } \angle FEB = \text{góc } \angle FCB \text{ (góc nội tiếp cùng chắn cung } BF \text{)}$$

Ta lại có tứ giác $CEHD$ nội tiếp (cmt)

$$\Rightarrow \text{góc } \angle HED = \text{góc } \angle HCD \text{ (góc nội tiếp cùng chắn cung } DH \text{)}$$

$$\text{Suy ra: } \text{góc } \angle FEB = \text{góc } \angle HED$$

Suy ra: BE là tia phân giác của góc $\angle FED$

Xét tứ giác $BFHD$ ta có:

$$\text{Góc } \angle BFH = 90^\circ \text{ (} CF \text{ là đường cao } \triangle ABC \text{)}$$

$$\text{góc } \angle HDB = 90^\circ \text{ (} AD \text{ là đường cao } \triangle ABC \text{)}$$

$$\Rightarrow \text{góc } \angle HDB + \text{góc } \angle BFH = 180^\circ$$

Mà góc $\angle HDB$ và góc $\angle BFH$ là hai góc đối của tứ giác $BFHD$

Nên tứ giác BFHD nội tiếp.

\Rightarrow góc HFD = góc HBD (góc nội tiếp cùng chắn cung HD)

Ta có: bốn điểm B, C, E, F cùng nằm trên một đường tròn (cmt)

\Rightarrow góc EBC = góc EFC (góc nội tiếp cùng chắn cung EC)

\Rightarrow góc HFD = góc EFC

Suy ra: CF là tia phân giác của góc EFD

Mà BE và CF cắt nhau tại H

Nên H là tâm đường tròn nội tiếp tam giác DEF